



# برعاية معالي وزير التربية والتعليم الأستاذ الدكتور/ رضا حجازي

وتوجيهات رئيس الادارة المركزية لتطوير المناهج

د / أكرم حسن

## شرح مبسط وتمارين متنوعة لمنهج الرياضيات للفصل الأول الإعدادي

للعام الدراسي 2024/2023

### لجنة الإعداد

أ/ محمد علي قاسم      أ/ صباح عبد الواحد

### لجنة المراجعة

أ/ سمير محمد سعداوي      د/ مدحت شعراوي

أ/ ايهاب فتحي

### إشراف علمي

مستشار الرياضيات  
أ/ منال عزقول

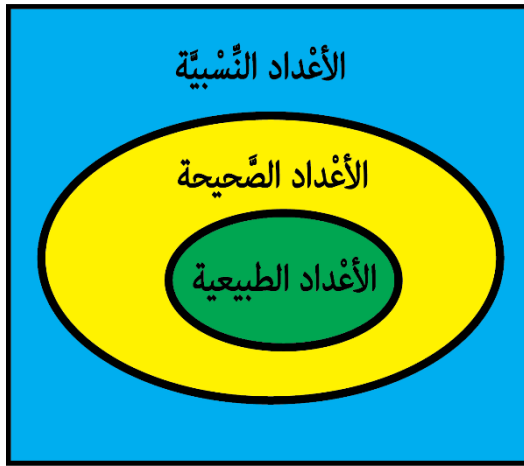
# الوحدة الأولى: الأعداد النسبية

## الدرس الأول: مجموعة الأعداد النسبية

العدد النسبي: يُمكن كتابته على الصورة  $\frac{1}{b}$  حيث  $b \neq 0$  ،  $b$  أعداد صحيحة ،  $b \neq 0$  صفر

$$\mathbb{N} = \{ \text{س : س} = \frac{1}{b} , 1 \in \mathbb{N} , 0 \in \mathbb{N} , b \neq 0 \text{ صفر} \}$$

ملاحظات: 



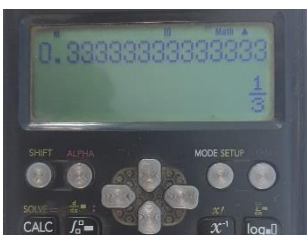
➤  $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{R}$

➤ كل عدد صحيح هو عدد نسبي ، وَلَكِنْ ليس كل عدد نسبي هو عدد صحيح

➤ إذا كان العدد النسبي  $\frac{1}{b}$  = صفر فإن:  $1 = \text{صفر}$

➤ العدد النسبي  $\frac{1}{b}$  يكون موجباً إذا كان  $1 \times b < \text{صفر}$  ويكون سالباً إذا كان  $1 \times b > \text{صفر}$

➤ لِكِتَابَةِ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْل  $\frac{1}{3}$  عَلَى صُورَةِ عِدَدٍ عَشْرِيٍّ دَائِرٍ (عدد عشري غير منته)



نكتب على الآلة الحاسبة  $\frac{1}{3}$  ثم = فنحصل على ٠,٣٣٣٣٣٣٠٠٠

ف نجد أن  $\frac{1}{3} = ٠,٣٣٣٣٣٣٠٠٠$  أى ان  $\frac{1}{3} = ٠,٣$



مثال محلول (١): أكتب الأعداد الآتية على صورة:  $\frac{1}{ب}$

(أ) ٠,١٢ (ب) ٢٠٪ (ج)  $٨\frac{٢}{٣}$

الحل

$$(أ) ٠,١٢ = \frac{١٢}{١٠٠} = \frac{٣}{٢٥}$$

$$(ب) ٢٠\% = \frac{٢٠}{١٠٠} = \frac{١}{٥}$$

$$(ج) ٨\frac{٢}{٣} = \frac{٢٦}{٣} = \frac{٢ + (٣ \times ٨)}{٣}$$

تدريب (١): أكتب الأعداد الآتية في صورة:  $\frac{1}{ب}$

(أ) ٠,٢٥ (ب) ٣٠٪ (ج) ١٢ (د)  $٣\frac{١}{٤}$

مثال محلول (٢): أكتب كلاً من الأعداد النسبية الآتية على صورة عدد عشري ونسبة مئوية

(أ)  $٢\frac{١}{٢}$  (ب)  $\frac{١}{٤}$  (ج)  $\frac{١}{٨}$  (د)  $\frac{٣-}{٢٠}$

الحل

$$(أ) ٢,٥ = \frac{٢٥}{١٠} = \frac{٥}{٥} \times \frac{٥}{٢} = ٢\frac{١}{٢} \quad (عدد عشري) \quad ٢٥٠\% = \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٢,٥ = (نسبة مئوية)$$

$$(ب) ٠,٢٥ = \frac{٢٥}{١٠٠} = \frac{٢٥}{٢٥} \times \frac{١}{٤} = \frac{١}{٤} \quad (عدد عشري) \quad ٢٥\% = \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٠,٢٥ = (نسبة مئوية)$$

$$(ج) ٠,١٢٥ = \frac{١٢٥}{١٠٠٠} = \frac{١٢٥}{١٢٥} \times \frac{١}{٨} = \frac{١}{٨} \quad (عدد عشري) \quad ١٢,٥\% = \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٠,١٢٥ = (نسبة مئوية)$$

$$(د) ٠,١٥ = \frac{٣}{٢٠} \quad (عدد عشري) \quad ١٥\% = \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٠,١٥ = (نسبة مئوية)$$



## تدريب (٢): اكتب كلاً من الأعداد النسبية الآتية على صورة عدد عشري ونسبة مئوية:

$$\frac{19}{1000}$$

(د)

$$5\frac{3}{4}$$

(ج)

$$\frac{2}{16}$$

(ب)

$$\frac{4}{5}$$

(أ)

مثال محلول (٣): (أ) إذا كان:  $\frac{3}{s-2} \approx 0$  فإن  $s \neq \dots$

(ب) إذا كان:  $\frac{s^2}{s+3} \approx 0$  فإن  $s = \dots$

(ج) إذا كان:  $\frac{6-s^2}{7} = 0$  فإن  $s = \dots$

(د) إذا كان:  $\frac{15+s^3}{s-5} = 0$  فإن  $s = \dots$

### الحل

$$(أ) \quad 2 - s \neq 0 \iff s \neq 2 \quad (ب) \quad s + 3 = 0 \iff s = -3$$

$$(ج) \quad 6 - s^2 = 0 \iff s^2 = 6 \iff s = \pm\sqrt{6}$$

$$(د) \quad 15 + s^3 = 0 \iff s^3 = -15 \iff s = \sqrt[3]{-15}$$

## تدريب (٣):

(أ) إذا كان  $\frac{s^2}{s-1}$  عدد نسبي فإن  $s \neq \dots$

(ب) العدد  $\frac{2}{8+s^2}$  يكون عدداً نسبياً إذا كانت  $s \neq \dots$

(ج) العدد النسبي  $\frac{1-s}{s-4} = 0$  ،  $s \neq 4$  عندما  $s = \dots$

(د) إذا كان  $\frac{4}{s+2}$  عدد نسبي فإن  $s \neq \dots$



مثال محلول (٤): اكتب كلاً من الأعداد الآتية على الصورة:  $\frac{1}{b}$

- (أ) ٠,١٨ (ب) ٠,١٥٣ (ج) ٠,١٢١ (د) ٠,٥

الحل

(أ) ندخل الأعداد الآتية في الآلة الحاسبة  $\frac{2}{11} = 0,1818181818181818 \dots$

(ب) ندخل الأعداد الآتية في الآلة الحاسبة  $\frac{17}{111} = 0,153153153153153153 \dots$

(ج) ندخل الأعداد الآتية في الآلة الحاسبة  $\frac{4}{33} = 0,1212121212121212 \dots$

(د) ندخل الأعداد الآتية في الآلة الحاسبة  $\frac{5}{9} = 0,5555555555555555 \dots$

تدريب (٤):

- (أ) ٠,٢١ (ب) ٠,١٢٣ (ج) ٠,٥٠١ (د) ٠,٧



## حلول التّدرّيات

(أ)	(ب)	(ج)	(د)	
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{10}$	$\frac{12}{1}$	$\frac{13}{4}$	تدريب (١)
٠,٨ (عدد عشري) ٨٠٪ (نسبة مئوية)	٠,١٢٥ (عدد عشري) ١٢,٥٪ (نسبة مئوية)	٥,٧٥ (عدد عشري) ٥٧٥٪ (نسبة مئوية)	٠,٠١٩ (عدد عشري) ١,٩٪ (نسبة مئوية)	تدريب (٢)
١	٤ —	١	٢	تدريب (٣)
$\frac{7}{33}$	$\frac{41}{333}$	$\frac{17}{333}$	$\frac{7}{9}$	تدريب (٤)



## تمارين على الدرس الأول :

السؤال الأول : اكتب كلاً من الأعداد النسبية الآتية على صورة عدد عشري

(أ)  $\frac{7}{60}$  (ب)  $2\frac{1}{5}$  (ج)  $3\frac{3}{4}$  (د)  $\frac{7-}{60}$

السؤال الثاني : اكتب كلاً من الأعداد الآتية على الصورة:  $\frac{1}{b}$

(أ) ٠,٧٥ (ب) ٣٠٪ (ج)  $2\frac{1}{5}$  (د) صفر

السؤال الثالث : اكتب كلاً من الأعداد الآتية في صورة نسبة مئوية

(أ)  $\frac{3}{10}$  (ب)  $\frac{2}{60}$  (ج)  $1\frac{1}{4}$  (د) ٠,٧٥

السؤال الرابع : اختر الإجابة الصحيحة

(١) العدد  $\frac{4}{3-s}$  يكون عدداً نسبياً إذا كانت  $s \neq \dots\dots\dots$

(أ) ٣ (ب) ٣- (ج) ٤ (د) ٤-

(٢) العدد النسبي  $\frac{1-s}{s2} = \text{صفر}$  عندما  $s = \dots\dots\dots$

(أ) ١ (ب) ٢ (ج) ١- (د) ٣-

(٣)  $2\frac{1}{6} = \dots\dots\dots$  في صور نسبة مئوية

(أ) ٢٥٪ (ب) ٢٥٠٪ (ج) ١٥٠٪ (د) ٢٢٥٪

(٤) العدد النسبي  $\frac{1}{s}$  يكون موجباً إذا كان  $\dots\dots\dots$

(أ)  $s + 1 = \text{صفر}$  (ب)  $s + 1 < \text{صفر}$  (ج)  $s + 1 > \text{صفر}$  (د)  $s < 1$

(٥) العدد العشري الذي يساوي  $2\frac{1}{4} -$  هو  $\dots\dots\dots$

(أ)  $2\frac{1}{4}$  (ب) ١,٢٥ (ج) ٢,٢٥ (د) ٢,٢٥-





## السؤال الخامس: أكمل العبارات الآتية

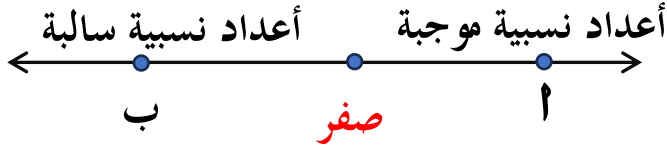
- (١) العدد الدائري ٠ = ..... (على الصورة  $\frac{1}{2}$ )  
(٢)  $\frac{1}{4} = \dots$  (على صورة عدد عشري)  
(٣)  $0,75 = \dots$  (على صورة عدد نسبي)  
(٤) العدد  $\frac{2}{15-3}$  يكون عددًا نسبيًا إذا كانت  $s \neq \dots$   
(٥)  $\frac{1}{s} \in \mathbb{N}$  إذا كانت  $s \neq \dots$

### إجابة تمارين على الدرس الأول

السؤال (١)	٠,٣٥	٢,٢	٣,٧٥	— ٠,٢٤	
السؤال (٢)	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{10}$	$\frac{11}{5}$	$\frac{\text{صفر}}{\text{عدد} \neq 0}$	
السؤال (٣)	٣٠٪	٨٪	١٢٥٪	٧٥٪	
السؤال (٤)	٣	١	٢٥٠٪	$2 < \text{صفر}$	٢,٢٥
السؤال (٥)	$\frac{5}{9}$	٠,٢٥	$\frac{3}{4}$	٥	صفر



## الدرس الثاني : مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ



خط الأعداد

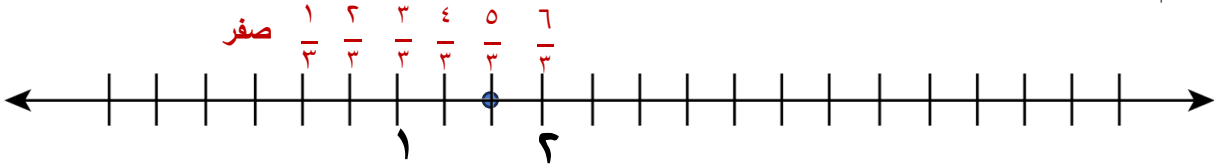
لاحظ أن النقطة التي تمثل العدد أ تقع على يمين النقطة التي تمثل العدد صفر  $\therefore أ < \text{صفر}$  (أ عدد موجب)

لاحظ أن النقطة التي تمثل العدد ب تقع على يسار النقطة التي تمثل العدد صفر  $\therefore ب > \text{صفر}$  (ب عدد سالب)

**مثال محلولة (١):** مثل كلا من العددين (أ)  $\frac{٥}{٣}$  (ب)  $\frac{٣-}{٤}$  على خط الأعداد

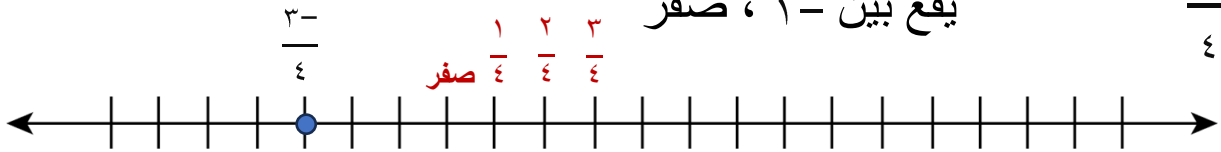
الحل

(أ)  $\frac{٥}{٣} = \frac{٢}{٣} + ١$  يقع بين ١ ، ٢



(ب)  $\frac{٣-}{٤}$

يقع بين -١ ، صفر



**تدريب (١)** مثل العدد  $\frac{٧}{٥}$  على خط الأعداد

## مُقارَنة عددين نسبيين

\* أي عدد موجب يكون أكبر من الصفر

فمثلاً  $\frac{17}{45} < \text{صفر}$  ،  $\frac{3}{17} < \text{صفر}$  وهكذا

\* أي عدد سالب يكون أصغر من الصفر

فمثلاً  $-\frac{1}{6} > \text{صفر}$  ،  $-\frac{3}{17} > \text{صفر}$  وهكذا

\* أي عدد سالب يكون أصغر من أي عدد موجب

فمثلاً  $-\frac{1}{4} > \frac{1}{6}$  ،  $-\frac{1}{5} > \frac{1}{6}$  وهكذا

## المقارنة بين عددين نسبيين موجبين معا او سالبين معا

( لاحظ الخطوات من خلال الحل )

مثال محلولة (٢): ايهما أكبر: (أ)  $\frac{4}{7}$  ،  $\frac{3}{5}$  (ب)  $\frac{3}{5}$  ،  $\frac{1}{4}$

(أ)  $\frac{4}{7}$  ،  $\frac{3}{5}$  (توحيد المقامات)  $\Leftrightarrow \frac{20}{35} > \frac{12}{35}$  (قارن بين البسطين)  $\therefore \frac{4}{7} > \frac{3}{5}$

(ب)  $\frac{3}{5}$  ،  $\frac{1}{4}$  (توحيد المقامات)  $\Leftrightarrow \frac{12}{20} > \frac{5}{20}$  (قارن بين البسطين)  $\therefore \frac{3}{5} > \frac{1}{4}$

تدريب (٢) ايهما أكبر (أ)  $\frac{7}{8}$  ،  $\frac{5}{6}$  (ب)  $\frac{1}{5}$  ،  $\frac{1}{4}$

## ترتيب الإعدادات النسبية ( لاحظ الخطوات من خلال الحل )

**مثال محلول (٣):** رتب الأعداد النسبية الآتية:  $\frac{3}{4}$  ،  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{5}{6}$  ،  $\frac{7}{12}$  تصاعدياً

**الحل**

( توحيد المقامات )  $\frac{9}{12}$  ،  $\frac{8}{12}$  ،  $\frac{10}{12}$  ،  $\frac{7}{12}$

( لاحظ البسط في كل عدد )  $\frac{9}{12}$  ،  $\frac{7}{12}$  ،  $\frac{8}{12}$  ،  $\frac{10}{12}$

الترتيب التصاعدي هو  $\frac{3}{4}$  ،  $\frac{7}{12}$  ،  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{5}{6}$

**تدريب (٣):** رتب الإعدادات النسبية الآتية:  $\frac{4}{9}$  ،  $\frac{7}{6}$  ،  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{5}{6}$  تصاعدياً

\* لأي عددتين نسبيتين مختلفتين يوجد عدد لانهائي من الإعدادات النسبية المحصورة بينهما  
( خاصية كثافة الأعداد النسبية )

**مثال محلول (٤)**

أكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين:  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{6}$  ( لاحظ الخطوات من خلال الحل )

**الحل**

( توحيد المقامات ) إذا لم نحصل على الأعداد المطلوبة بعد توحيد المقام نضرب كلاً من البسط والمقام في العدد ( ٢ أو ٣ أو ٤ أو ..... ) حتى نحصل على الأعداد المطلوبة

الأعداد المطلوبة هي  $\frac{4 \times 3}{4 \times 6}$  ،  $\frac{4 \times 2}{4 \times 6}$

$\frac{12}{24}$  ،  $\frac{11}{24}$  ،  $\frac{10}{24}$  ،  $\frac{9}{24}$  ،  $\frac{8}{24}$

**تدريب (٤):** أكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين:  $\frac{4}{9}$  ،  $\frac{5}{6}$

## مثال محلولة (٥)

ضع علامة < أو > أو = مكان النقط:

(أ)  $\frac{1}{6} -$  ..... صفر (ب) أي عدد نسبي موجب ..... صفر

(ح) أي عدد نسبي سالب ..... صفر (د)  $14,2 -$  .....  $14,2$

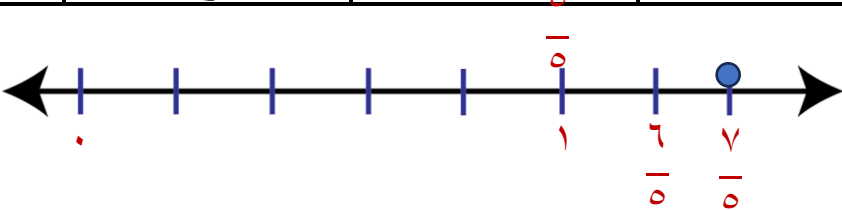
الاجابات (أ) > (ب) < (ح) > (د) =

تدريب (٥) ضع علامة < أو > أو = مكان النقط:

[أ]  $\frac{2}{3}$  ..... صفر [ب]  $\frac{1}{7} -$  .....  $0,9$

[ج]  $1 - \frac{1}{3}$  .....  $\frac{4}{3}$  [د] صفر .....  $\frac{2}{5}$

### حلّول التّدريبات

(أ)	(ب)	(ج)	(د)
			
تدريب (١)	(أ) $\frac{5}{6} < \frac{7}{8}$	(ب) $\frac{1}{4} < \frac{1}{5}$	
تدريب (٢)	(أ) $\frac{5}{6}, \frac{7}{8}, \frac{1}{3}, \frac{4}{9}$	الترتيب $\frac{5}{6}, \frac{7}{8}, \frac{1}{3}, \frac{4}{9}$	
تدريب (٣)	(أ) $\frac{8}{18}, \frac{21}{18}, \frac{7}{18}, \frac{45}{18}$		
تدريب (٤)	$\frac{8}{18}, \frac{9}{18}, \frac{10}{18}, \frac{11}{18}, \frac{15}{18}$		
تدريب (٥)	<	>	=

## تمارين على الدرس الثاني

### السؤال الأول اختر الإجابة الصحيحة:

(١)  $\frac{4}{5} < \dots\dots$

(أ) صفر (ب)  $\frac{4}{5}$  (ج)  $\frac{4}{5}$  (د) ١ -

(٢) العدد الصحيح الذي يقع بين  $\frac{5}{6}$  ،  $\frac{7}{6}$  هو.....

(أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٤ (د) ٢,٧٥

(٣) أصغر عدد نسبي فيما يلي هو.....

(أ)  $\frac{7}{8}$  (ب)  $\frac{3}{7}$  (ج)  $\frac{8}{7}$  (د)  $\frac{5}{14}$

(٤) أكبر عدد نسبي فيما يلي هو.....

(أ)  $\frac{21}{3}$  (ب)  $\frac{3}{6}$  (ج)  $\frac{30}{15}$  (د)  $\frac{15}{18}$

### السؤال الثاني

مثل العدد النسبي  $\frac{9}{4}$  على خط الاعداد

السؤال الثالث رتب الأعداد النسبية الآتية:  $\frac{5}{9}$  ،  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{10}{6}$  ،  $\frac{1}{2}$  ،  $\frac{5}{6}$  تصاعدياً

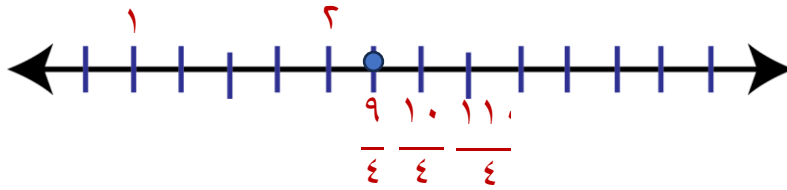
السؤال الرابع أكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{6}$

على أن يكون من بينهم عدد صحيح

## حُلُول التَّمارين على الدَّرْس الثَّاني

س(١) (١) د (١-) أ (٢) (٣) د  $\frac{8-}{7}$  (٤) أ  $\frac{21}{3}$

س(٢)  $\frac{1}{4} = \frac{9}{4}$



س(٣) الترتيب  $\frac{10}{2}$  ،  $\frac{5}{6}$  ،  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{1}{2}$  ،  $\frac{5-}{9}$

س(٤)  $\frac{7}{6}$  ، ١ ،  $\frac{5}{6}$

## الدرس الثالث: جَمْعُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ:

ملخص الدرس:

إذا كان  $\frac{a}{b}$  ،  $\frac{c}{b}$  عددين نسبيين فإن  $\frac{a+c}{b} = \frac{a}{b} + \frac{c}{b}$  **فمثلاً**  $\frac{5}{7} = \frac{2+3}{7} = \frac{2}{7} + \frac{3}{7}$

إذا كان  $\frac{a}{s}$  ،  $\frac{c}{b}$  عددين نسبيين فإن  $\frac{a \times b + c \times s}{s \times b} = \frac{a}{s} + \frac{c}{b}$  **فمثلاً**  $\frac{29}{30} = \frac{14+15}{30} = \frac{2}{5} + \frac{3}{7}$

**مثال محلولة (١):** أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ)  $\frac{9}{5} + \frac{3-}{5}$  (ب)  $\frac{25}{8} + \frac{1}{4}$  (ج)  $\frac{3}{10} + \frac{29-}{100}$

الحل:

(أ)  $\frac{9}{5} + \frac{3-}{5} = \frac{9+3-}{5} = \frac{6}{5} = 1\frac{1}{5}$

(ب)  $\frac{25}{8} + \frac{1}{4} = \frac{25}{8} + \frac{2}{8} = \frac{27}{8} = 3\frac{3}{8}$

(ج)  $\frac{3}{10} + \frac{29-}{100} = \frac{30}{100} + \frac{29-}{100} = \frac{1}{100}$

**تدريب (١):** أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ)  $\frac{4}{7} + \frac{4-}{7}$  (ب)  $\frac{8}{15} + \frac{3}{5}$  (ج)  $\frac{7-}{5} + \frac{3-}{10}$



**مثال محلولة (٢):** أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

(أ)  $3\frac{3}{8} + \frac{1}{4}$  (ب)  $9\frac{5}{6} + 2\frac{1}{6} -$  (ج)  $0,25 + \frac{2}{5}$

**الحل**

(أ)  $3\frac{3}{8} = \frac{29}{8} = \frac{27}{8} + \frac{2}{8} = \frac{27}{8} + \frac{1}{4}$

**حل آخر**  $3\frac{3}{8} = 3\frac{3}{8} + \frac{2}{8} = 3\frac{3}{8} + \frac{1 \times 2}{4 \times 2}$

(ب)  $9\frac{5}{6} = \frac{59}{6} = \frac{59+15}{6} = \frac{59}{6} + \frac{3 \times 5}{6} = \frac{59}{6} + \frac{5}{2}$

**حل آخر**  $9\frac{5}{6} = 9\frac{5}{6} + 2\frac{1}{6} -$

(ج)  $\frac{13}{20} = \frac{5 \times 1 + 4 \times 2}{4 \times 5} = \frac{1}{4} + \frac{2}{5}$

**تدريب (٢):**

أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

(أ)  $2\frac{1}{6} + 1\frac{1}{6} -$  (ب)  $1\frac{1}{7} + 1\frac{1}{5}$  (ج)  $0,75 + \frac{2}{5}$

**مثال محلولة (٣):** أكمل كل مما يأتي :

(أ)  $\left(\frac{1}{4} - \right) + \frac{3}{4} -$  في أبسط صورة

(ب)  $\frac{4}{7} + \frac{3}{7} + \frac{2}{7} =$  في أبسط صورة

(ج)  $\left(\frac{1}{4} \right) + \frac{3}{8} =$  في أبسط صورة

الاجابات : (أ) - ١ (ب)  $1\frac{2}{7} = \frac{9}{7}$  (ج)  $\frac{5}{8}$



تدريب (٣): أكمل ما يأتي :

(أ) ناتج جمع  $\frac{1}{7} + \frac{8}{7}$  يساوي .....

(ب)  $\frac{3}{4} + 25\%$  = .....

(ج)  $0.25 + \frac{2}{5}$  = .....

حلول التدريبات

	(أ)	(ب)	(ج)	
تدريب (١)	صفر	$1\frac{2}{15} = \frac{17}{15}$	$1\frac{7}{10} = \frac{17}{10}$	
تدريب (٢)	$\frac{2}{3}$	$2\frac{12}{35} = \frac{82}{35}$	$1\frac{3}{20} = \frac{23}{20}$	
تدريب (٣)	١-	١	$\frac{13}{20}$	

## تمارين على الدرس الثالث

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

(أ)  $\frac{3}{4} + 50\% = \dots\dots\dots$

- (أ) 75% (ب) 150% (ج)  $\frac{3}{6}$  (د)  $\frac{5}{4}$

(ب)  $0,25 + \frac{1}{5} = \dots\dots\dots$

- (أ)  $\frac{9}{20}$  (ب)  $\frac{3}{5}$  (ج) 0,75 (د) 0,7

(ج)  $40\% - 1 = \dots\dots\dots$

- (أ) 39 - (ب) 39 (ج) 60% (د) 39%

السؤال الثاني: أكمل كل مما يأتي :

(أ)  $\dots\dots\dots = \left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{2}{5} -$  في أبسط صورة

(ب)  $\dots\dots\dots = \frac{5}{9} + \frac{2}{9} + \frac{2}{9}$  في أبسط صورة

(ج)  $\dots\dots\dots = \left(\frac{1}{5} - \right) + \frac{3}{10}$  في أبسط صورة

### السؤال الثالث

إذا كانت  $1 = \frac{1}{3}$  ،  $\frac{2}{3} = ب$  أوجد قيمة 1 + ب ( في أبسط صورة)

السؤال الرابع أحسب قيمة  $\left(5\frac{1}{6} - \right) + 8\frac{2}{3}$

الأجابات س(١)  $\frac{5}{4}$  ،  $\frac{9}{20}$  ، 60% س(٢) 1 - ، 1 ،  $\frac{1}{10}$  س(٣)  $2\frac{1}{6}$  س(٤)  $\frac{7}{6} = 3\frac{1}{6}$

## الدرس الرابع : خواص عملية الجمع في مجموعة الأعداد النسبية

لأي أعداد نسبية  $\frac{1}{c}$ ،  $\frac{a}{s}$ ،  $\frac{h}{و}$  يكون:

الخاصية	استخدام الرموز	مثال
١ الإنغلاق	$\frac{1}{c} \in \frac{a}{s} + \frac{h}{و} = \frac{a}{s} + \frac{h}{و}$	إذا كان $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ فإن $\frac{1}{3} \in \frac{1}{4} + \frac{1}{3}$
٢ الإبدال	$\frac{1}{c} + \frac{a}{s} = \frac{a}{s} + \frac{1}{c}$	$\frac{2}{3} + \frac{4}{5} = \frac{4}{5} + \frac{2}{3}$
٣ الدمج	$\left(\frac{h}{و} + \frac{a}{s}\right) + \frac{1}{c} = \frac{h}{و} + \left(\frac{a}{s} + \frac{1}{c}\right)$ $\frac{h}{و} + \frac{a}{s} + \frac{1}{c} =$	$\left(\frac{1}{6} + \frac{4}{5}\right) + \frac{2}{3} = \frac{1}{6} + \left(\frac{4}{5} + \frac{2}{3}\right)$ $\frac{1}{6} + \frac{4}{5} + \frac{2}{3} =$
٤ العدد المحايد الجمعي	$\frac{1}{c} = \frac{1}{c} + 0 = 0 + \frac{1}{c}$	$\frac{4}{5} = \frac{4}{5} + 0 = 0 + \frac{4}{5}$
٥ وجود المعكوس الجمعي	لكل عدد نسبي $\frac{1}{c}$ معكوس جمعي $-\frac{1}{c}$ حيث $0 = \left(\frac{1}{c} - \right) + \frac{1}{c}$	المعكوس الجمعي للعدد $\frac{4}{5}$ هو $-\frac{4}{5}$ $0 = \left(\frac{4}{5} - \right) + \frac{4}{5}$

\* المعكوس الجمعي للعدد صفر هو نفسه

\* الصفر هو العدد المحايد بالنسبة لعملية الجمع

### مثال محلولة (١) أكمل ما يأتي ثم أكتب الخاصية المستخدمة

(أ)  $\frac{5}{6} + \frac{5}{6} = \frac{5}{6} + \frac{2}{3} + \dots$  خاصية .....

(ب)  $\frac{3}{4} + \dots = \text{صفر}$  خاصية .....

(ج)  $\frac{7}{9} = \dots + \frac{7}{9}$  خاصية .....

(د)  $\frac{7}{9} + \frac{2}{9} = \frac{7}{9} + \left(\frac{7}{9} + \frac{2}{9}\right) = \frac{7}{9} + \frac{7}{9} + \frac{2}{9}$  خاصية .....

الاجابات:

(أ)  $\frac{2}{3}$  الابدال (ب)  $\left(\frac{3}{4} - \frac{3}{4}\right)$  المعكوس الجمعي (ج) صفر (الحايد الجمعي) (د) ١ ، ٣ الدمج

### تدريب (١) اكمل ما يأتي ثم أكتب الخاصية المستخدمة

(أ)  $\left(\frac{2}{7} - \frac{2}{7}\right) + \dots = \text{صفر}$  خاصية .....

(ب)  $\frac{1}{10} + \frac{9}{10} + \frac{1}{10} = 5 + \left(\frac{9}{10} + \frac{1}{10}\right) = 5 + \dots$  خاصية .....

(ج)  $\frac{3}{4} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4} + \frac{1}{4} + \dots$  خاصية .....

(د)  $\frac{2}{3} = \frac{2}{3} + \dots$  خاصية .....

مثال محلولة (٢) باستخدام خواص الجمع أوجد ناتج  $\frac{2}{7} + \frac{17}{20} + \frac{5}{7} + \frac{3}{20}$

الحل

الابدال و الدمج  $\left(\frac{2}{7} + \frac{5}{7}\right) + \left(\frac{17}{20} + \frac{3}{20}\right) =$

$2 = 1 + 1 = \frac{7}{7} + \frac{20}{20} =$



**تدريب (٢) باستخدام خواص الجمع أوجد ناتج:**  $\frac{10}{11} + \frac{8}{9} + \frac{1}{11} + \frac{1}{9}$

**مثال محلولة (٣) استخدام خواص الجمع أوجد ناتج:**  $\frac{2}{5} + \frac{4}{7} + \frac{2-}{5} + \frac{3}{7}$

----- **الحل** -----

$$1 = 0 + \frac{7}{7} = \left(\frac{2}{5} + \frac{2-}{5}\right) + \left(\frac{4}{7} + \frac{3}{7}\right) =$$

**تدريب (٣) استخدام خواص الجمع أوجد ناتج:**  $\frac{1}{7} + \frac{7}{5} + \frac{1-}{7} + \frac{13}{5}$

**مثال محلولة (٤)**

**استخدام خواص الجمع أوجد ناتج:**  $\frac{28}{5} + \left(\frac{25-}{4}\right) + \left(\frac{13-}{5}\right) + \frac{5}{4}$

----- **الحل** -----

$$\frac{15}{5} + \frac{20-}{4} = \left[\frac{28}{5} + \left(\frac{13-}{5}\right)\right] + \left[\left(\frac{25-}{4}\right) + \frac{5}{4}\right] =$$

$$2- = 3 + 5- =$$

**تدريب (٤) استخدام خواص الجمع أوجد ناتج**  $\frac{5}{7} + \frac{2}{3} + \left(\frac{2-}{7}\right) + \left(\frac{1-}{3}\right)$



### مثال محلّول (٥) أكمل ما يأتي:

(أ) إذا كان  $s + \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$  فإن قيمة  $s = \dots\dots$

(ب) إذا كان  $s + \frac{3}{7} = 0$  فإن قيمة  $s = \dots\dots$

(ج)  $\frac{3}{5} + 1 = \frac{3}{8} + \dots\dots$

(د)  $\left(\frac{4}{7} + \dots\right) + \frac{3}{5} = \frac{1}{9} + \left(\frac{4}{7} + \frac{3}{5}\right)$

الاجابات : (أ) صفر (ب)  $\frac{3-}{7}$  (ج)  $\frac{8}{5}$  (د)  $\frac{1}{9}$

### تدريب (٥) أكمل ما يأتي:

(أ) إذا كان  $s + \left(\frac{1-}{8}\right) = 0$  فإن قيمة  $s = \dots\dots$

(ب)  $\dots + \left(\frac{4}{9} + \frac{2}{5}\right) = \left(\frac{1}{10} + \frac{4}{9}\right) + \frac{2}{5}$

(ج) إذا كان  $s + \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$  فإن قيمة  $s = \dots\dots$

(د)  $\frac{1}{4} + 2 = \frac{1}{3} + \dots\dots$





## حُلُول التَّدْرِيبَات

(أ)	(ب)	(ج)	(د)	
$\frac{2}{7}$ ، معكوس جمعي	١ ، ٦ ، الدمج	$\frac{1}{4}$ ، الابدال	صفر المحايد الجمعي	تدريب (١)
$2 = 1 + 1 = \left(\frac{1}{11} + \frac{1}{11}\right) + \left(\frac{8}{9} + \frac{1}{9}\right) =$				تدريب (٢)
٤				تدريب (٣)
$\frac{16}{21}$				تدريب (٤)
$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{10}$	صفر	$\frac{9}{4}$	تدريب (٥)



## تمارين على الدرس الرابع

### السؤال الأول :

اكتب المعكوس الجمعي لكلٍّ من الإعداد الآتية:

(أ)  $\frac{3}{4}$  (ب)  $\frac{1-}{5}$  (ج) صفر

### السؤال الثاني:

باستخدام خواص الجمع أوجد ناتج :  $\frac{1-}{9} + \frac{5}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{9}$

### السؤال الثالث:

باستخدام خواص الجمع أوجد ناتج :  $\frac{1}{2} + \frac{5}{9} + \frac{1-}{2} + \frac{13}{9}$

الاجابات :

السؤال الأول  $\frac{3-}{4}$  ،  $\frac{1}{5}$  ، صفر

السؤال الثاني ٢ السؤال الثالث ٢

## الدرس الخامس: طرح الأعداد النسبية

عملية الطرح  $\left(\frac{a}{s} - \frac{b}{s}\right)$  هي عملية جمع المطروح منه  $\frac{b}{s}$  مع المقلوب الجمعي للمطروح  $\frac{a}{s}$   
أي أن  $\frac{a-b}{s} = \left(\frac{a}{s} - \frac{b}{s}\right) + \frac{b}{s} = \left(\frac{a}{s} - \frac{b}{s}\right) + \frac{b}{s}$

مثال محلولة (١) أوجد ناتج:  $\frac{11}{14} - \frac{7}{6}$

الحل

$$\frac{11}{14} - \frac{7}{6} = \frac{33}{42} - \frac{49}{42} = \left(\frac{11}{14} - \frac{7}{6}\right) + \frac{49}{42} = \left(\frac{11}{14} - \frac{7}{6}\right) + \frac{7 \times 7}{7 \times 6} = \left(\frac{11}{14} - \frac{7}{6}\right) + \frac{7}{6} = \frac{2}{5} - \frac{8}{3}$$

تدريب (١) أوجد ناتج:  $\frac{2}{5} - \frac{8}{3}$

مثال محلولة (٢) أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ)  $\frac{9}{4} - \frac{3}{4}$  (ب)  $\frac{5}{4} - \frac{1}{6}$  (ج)  $\frac{1}{10} - \frac{17}{100}$

الحل

(أ)  $\frac{9}{4} - \frac{3}{4} = \frac{9-3}{4} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$

(ب)  $\frac{5}{4} - \frac{1}{6} = \frac{15}{12} - \frac{2}{12} = \frac{13}{12}$

(ج)  $\frac{1}{10} - \frac{17}{100} = \frac{10 \times 1 - 17}{100} = \frac{10-17}{100} = \frac{-7}{100}$

تدريب (٢) أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ)  $\frac{5}{7} - \frac{4}{7}$  (ب)  $\frac{8}{4} - \frac{3}{5}$  (ج)  $\frac{4}{5} - \frac{3}{10}$

**مثال محلولة (٣):** أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

(أ)  $\frac{3}{8} - \frac{1}{4}$  (ب)  $\frac{5}{3} - \frac{1}{2} - \frac{1}{6}$  (ج)  $1,25 - \frac{1}{2}$

**الحل**

(أ)  $\frac{3}{8} - \frac{1}{4} = \frac{3}{8} - \frac{2}{8} = \frac{1}{8}$  (ب)  $\frac{5}{3} - \frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{10}{6} - \frac{3}{6} - \frac{1}{6} = \frac{6}{6} = 1$  (ج)  $1,25 - \frac{1}{2} = \frac{5}{4} - \frac{2}{4} = \frac{3}{4}$

**تدريب (٣):** أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ)  $\frac{3}{4} - \frac{1}{5}$  (ب)  $\frac{1}{3} - \frac{1}{2} - \frac{1}{6}$  (ج)  $1,25 - \frac{1}{4}$

**مثال محلولة (٤):**

(أ) باقى طرح  $\frac{1}{4}$  من  $\frac{3}{4}$  يساوى .....

(ب)  $\frac{1}{3}$  يزيد عن  $\frac{1}{5}$  بمقدار .....

(ج) باقى طرح  $\frac{2}{3}$  من صفر يساوى .....

(د) ناتج جمع  $\frac{2}{7}$  ،  $\left(\frac{4}{7}\right)$  يساوى المعكوس الجمعى للعدد .....

(هـ) المعكوس الجمعى لباقي طرح  $\frac{1}{3}$  من  $\frac{1}{4}$  يساوى .....

**الحل**: (أ)  $\frac{2}{4}$  (ب)  $\frac{2}{10}$  (ج)  $\frac{2}{6}$  (د)  $\frac{7}{7}$  (هـ)  $\frac{1}{12}$

**تدريب (٤):**

(أ)  $\frac{2}{7}$  يزيد عن  $\frac{3}{11}$  بمقدار .....

(ح) المعكوس الجمعى لباقي طرح  $\frac{5}{12}$  من  $\frac{3}{4}$  يساوى .....

(د) باقى طرح  $\frac{5}{18}$  من  $\frac{5}{6}$  يساوى .....



## حلول التدريبات

(أ)	(ب)	(ج)	(د)	
$\frac{34}{15} = \frac{4}{15} \times 2$				تدريب (١)
$\frac{1}{7}$	$1\frac{2}{5} - = \frac{7}{5} -$	$1\frac{1}{10} - = \frac{11}{10} -$		تدريب (٢)
$1\frac{11}{20} - = \frac{31}{20} -$	$3\frac{1}{2} - = \frac{7}{2} -$	صفر		تدريب (٣)
$\frac{1}{7}$	$\frac{3}{5} -$	$\frac{1}{3} -$	$1\frac{1}{9} = \frac{10}{9}$	تدريب (٤)

## تمارين على الدرس الخامس

### السؤال الأول أكمل ما يأتي :

(أ) .....  $1 - \frac{2}{3} =$

(ب) المعكوس الجمعي للعدد صفر هو.....

(ج) باقي طرح  $\frac{3}{5} - \frac{1}{2}$  من  $\frac{1}{2}$  يساوي .....

**السؤال الثاني** أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

(أ)  $\frac{1}{18} - \frac{1}{3}$  (ب)  $\frac{1}{10} - \frac{1}{5}$  (ج)  $2,75 - 1\frac{1}{4}$

### السؤال الثالث اختر الإجابة الصحيحة:

(١) باقي طرح  $\frac{2}{3}$  من  $\frac{1}{3}$  هو .....

(أ) ١ (ب)  $\frac{1}{3}$  (ج)  $1 -$  (د)  $\frac{1}{3}$

(٢)  $\frac{3}{5}$  تزيد عن  $\frac{1}{3}$  بمقدار .....

(أ)  $\frac{2}{3}$  (ب)  $\frac{4}{15}$  (ج)  $\frac{2}{15}$  (د)  $\frac{14}{15}$

(٣)  $\frac{3}{10} - \frac{2}{5} =$  .....

(أ)  $\frac{3}{5}$  (ب)  $\frac{3}{10}$  (ج) ٠ (د)  $\frac{1}{3}$

الأجابات السؤال الأول  $\frac{1}{3} -$  ، صفر ،  $\frac{7}{10}$

**السؤال الثاني**  $\frac{13}{18} -$  ،  $\frac{124}{15} = \frac{4}{15}$  ،  $\frac{3}{2} = \frac{1}{2}$

**السؤال الثالث**  $1 -$  ،  $\frac{4}{15}$  ،  $\frac{3}{10}$

## الدرس السادس: ضرب الأعداد النسبية

إذا كان  $\frac{a}{b}$  ،  $\frac{c}{d}$  عددين نسبين فإن  $\frac{a \times c}{b \times d} = \frac{a}{b} \times \frac{c}{d}$

مثال محلولة (١) اوجد الناتج في كل مما يلي:

(ج)  $\frac{1-}{5} \times \frac{4-}{9}$

(ب)  $\frac{3}{7} \times \frac{2-}{5}$

(أ)  $\frac{5}{7} \times \frac{2}{3}$

(ج)  $\frac{4}{50} = \frac{1- \times 4-}{5 \times 9}$

(ب)  $\frac{6-}{35} = \frac{3 \times 2-}{7 \times 5}$

(أ)  $\frac{10}{21} = \frac{5 \times 2}{7 \times 3}$

تدريب (١) اوجد الناتج في كل مما يلي:

(ج)  $\frac{1-}{3} \times \frac{4-}{5}$

(ب)  $\frac{2}{8} \times \frac{1-}{4}$

(أ)  $\frac{3}{7} \times \frac{4}{5}$

مثال محلولة (٢) اوجد الناتج في كل مما يلي:

(ج)  $\frac{9-}{20} \times 3 \frac{1-}{3}$

(ب)  $\frac{3}{22} \times 2 \frac{1-}{5}$

(أ)  $\frac{15}{7} \times 1 \frac{2}{5}$

(ج)  $\frac{3}{2} = \frac{9- \times 10-}{20 \times 3}$

(ب)  $\frac{3-}{10} = \frac{3 \times 11-}{22 \times 5}$

(أ)  $3 = \frac{15 \times 7}{7 \times 5}$



### تدريب (٢) اوجد الناتج في كل مما يلي:

$$\frac{4}{9} \times 4 \frac{1}{2} \quad (\text{ج})$$

$$\frac{9}{8} \times 1 \frac{1}{3} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{4}{9} \times 3 \frac{1}{2} \quad (\text{أ})$$

### مثال محلولة (٣) اوجد الناتج في كل مما يلي

$$1 \frac{9}{10} \times 3 \frac{1}{2} \quad (\text{ج})$$

$$2 \frac{1}{2} \times 2 \frac{1}{3} \quad (\text{ب})$$

$$1 \frac{2}{7} \times 3 \frac{1}{5} \quad (\text{أ})$$

الحل

$$5 \frac{5}{6} = \frac{35}{6} = \frac{5}{2} \times \frac{7}{3} \quad (\text{ب})$$

$$5 \frac{2}{5} = \frac{27}{5} = \frac{9}{5} \times \frac{3}{1} \quad (\text{أ})$$

$$4 \frac{5}{6} = \frac{29}{6} = \frac{29}{20} \times \frac{10}{3} \quad (\text{ج})$$

### تدريب (٣) اوجد الناتج في كل مما يلي

$$1 \frac{7}{4} \times 1 \frac{2}{7} \quad (\text{ج})$$

$$5 \frac{1}{2} \times 1 \frac{1}{3} \quad (\text{ب})$$

$$5 \frac{1}{2} \times 2 \frac{1}{3} \quad (\text{أ})$$

### مثال محلولة (٤) اوجد الناتج في كل مما يلي في صورة عدد نسبي في أبسط صورة

$$0,125 \times 3 \frac{1}{2} \quad (\text{ج})$$

$$0,75 \times 2 \frac{1}{3} \quad (\text{ب})$$

$$0,25 \times \frac{1}{5} \quad (\text{أ})$$

الحل

$$\frac{7}{16} = \frac{125}{1000} \times \frac{7}{2} \quad (\text{ج})$$

$$\frac{7}{4} = \frac{75}{100} \times \frac{7}{3} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{3}{10} = \frac{25}{100} \times \frac{1}{5} \quad (\text{أ})$$

### تدريب (٤) اوجد الناتج في كل مما يلي في صورة عدد نسبي في أبسط صورة

$$0,5 \times 2 \frac{1}{2} \quad (\text{ج})$$

$$1,5 \times 5 \frac{2}{5} \quad (\text{ب})$$

$$0,2 \times \frac{1}{5} \quad (\text{أ})$$



### مثال محلولة (٥)

إذا كان  $\frac{3}{6} = \text{ب}$  ،  $\frac{4-}{0} = \text{ح}$  ،  $\frac{7}{9}$  أوجد في أبسط صورة قيمة  $\text{ب} + \text{ح}$

الحل كـ

$$\frac{14}{15} - = \frac{7}{9} \times \frac{4-}{0} \times \frac{3}{6}$$

### تدريب (٥)

إذا كان  $\frac{1}{4} = \text{ب}$  ،  $\frac{2-}{3} = \text{ح}$  ،  $\frac{0}{7}$  أوجد في أبسط صورة قيمة  $\text{ب} + \text{ح}$

حلول التّدريبات				
	(أ)	(ب)	(ج)	
تدريب (١)	$\frac{12}{30}$	$\frac{1-}{16}$	$\frac{4}{10}$	
تدريب (٢)	$1\frac{5}{9} = \frac{14}{9}$	$\frac{3-}{2}$	$2 -$	
تدريب (٣)	$12\frac{5}{6} = \frac{77}{6}$	$7\frac{1}{3} - = \frac{22-}{3}$	$\frac{50}{14}$	
تدريب (٤)	$\frac{1}{20}$	$8\frac{1}{10} - = \frac{81-}{10}$	$\frac{5}{4}$	
تدريب (٥)	$\frac{2}{3}$			



## تمارين على الدرس السادس :

أوجد الناتج في كلِّ ممَّا يلي في صورة عدد نسبي  $\frac{1}{-}$  في أبسط صورة:

(أ)  $٠,٤ \times ٠,٥$  (ب)  $\frac{٤}{٣} \times \frac{٢}{٥}$  (ج)  $\frac{٤-}{٧} \times \frac{٣}{٥}$

(د)  $\frac{٤-}{٩} \times \frac{٢-}{٣}$  (هـ)  $٥ \times ٣ \frac{١}{٢}$  (و)  $\frac{٥}{٤} \times ٠,٣$

### الاجابات

(أ)  $\frac{١}{٥}$  (ب)  $\frac{٨}{١٥}$  (ج)  $\frac{١٢-}{٣٥}$  (د)  $\frac{٨}{٢٧}$  (هـ)  $\frac{٣٥}{٢}$  (و)  $\frac{٣}{٨}$

## الدرس السابع : خواص عملية الضرب في مجموعة الأعداد النسبية

لاي أعداد نسبية  $\frac{a}{b}$  ،  $\frac{c}{d}$  ،  $\frac{e}{f}$  يكون :

الخاصية	استخدام الرموز	مثال
١ الانغلاق	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$	$\frac{1}{12} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$
٢ الابدال	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{c}{d} \times \frac{a}{b}$	$\frac{2}{3} \times \frac{4}{5} = \frac{4}{5} \times \frac{2}{3}$
٣ الدمج	$\left(\frac{a}{b} \times \frac{c}{d}\right) \times \frac{e}{f} = \frac{a}{b} \times \left(\frac{c}{d} \times \frac{e}{f}\right)$ $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} \times \frac{e}{f} =$	$\left(\frac{1}{6} \times \frac{4}{5}\right) \times \frac{2}{3} = \frac{1}{6} \times \left(\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}\right)$ $\frac{1}{6} \times \frac{4}{5} \times \frac{2}{3} =$
٤ العدد المحايد الضربي	$\frac{a}{b} = \frac{a}{b} \times 1 = 1 \times \frac{a}{b}$	$\frac{4}{5} = \frac{4}{5} \times 1 = 1 \times \frac{4}{5}$
٥ وجود المعكوس الضربي	لكل عدد نسبي $\frac{a}{b} \neq 0$ صفر معكوس ضربي $\frac{b}{a}$ حيث $1 = \frac{a}{b} \times \frac{b}{a}$	المعكوس الضربي للعدد $\frac{4}{5}$ هو $\frac{5}{4}$ $1 = \frac{5}{4} \times \frac{4}{5}$
٦ توزيع الضرب على الجمع	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} + \frac{e}{f} \times \frac{g}{h} = \left(\frac{a}{b} + \frac{e}{f}\right) \times \frac{c}{d}$	$\frac{2}{5} \times \frac{1}{6} + \frac{3}{4} \times \frac{1}{6} = \left(\frac{2}{5} + \frac{3}{4}\right) \times \frac{1}{6}$

ملاحظات

\* المعكوس الضربي للعدد واحد هو نفسه

\* لا يوجد معكوس ضربي للعدد صفر

\* عند ضرب الصفر في أي عدد نسبي يكون الناتج صفر

\* الواحد عدد محايد بالنسبة لعملية الضرب في الأعداد النسبية

مثال محلول (١) أكمل ما يأتي ثم أكتب الخاصية المستخدمة:

.....  $\times \frac{5}{6} = \frac{5}{6} \times \frac{2}{3}$  (أ) خاصية

.....  $\times \frac{3}{4} = \dots$  (ب) خاصية

.....  $\times \frac{7}{9} = \dots$  (ج) خاصية

.....  $\times \frac{3}{5} = 4 \times \frac{3}{5} + 6 \times \frac{3}{5}$  (د) خاصية

الاجابات:

(أ)  $\frac{2}{3}$  الابدال (ب)  $\left(\frac{4}{3}\right)$  المعكوس الضربي (ج) ١ (المحايد الضربي)

(د) ١٠ ، توزيع الضرب على الجمع

تدريب (١) أكمل ما يأتي ثم أكتب الخاصية المستخدمة:

.....  $\times \frac{1}{5} = \dots$  (أ) خاصية

.....  $\left(\frac{8}{3} \times \frac{5}{6}\right) \times \dots = \dots \times \left(\frac{5}{6} \times \frac{3}{4}\right) = \frac{8}{3} \times \frac{5}{6} \times \frac{3}{4}$  (ب) خاصية

.....  $\times \frac{1}{13} = 16 \times \frac{1}{13} + 10 \times \frac{1}{13}$  (ج) خاصية

.....  $\times \frac{8}{9} = \dots$  (د) خاصية

.....  $\times \frac{1}{6} = \frac{1}{6} \times 5$  (هـ) خاصية



## مثال محلول (٢) اختر الاجابة الصحيحة

(أ) المَعكُوسَ الضَّرْبِيَّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ  $\frac{2}{5}$  هو .....

- (أ)  $\frac{3}{5}$  (ب)  $\frac{3}{5} -$  (ج)  $\frac{5}{2}$  (د)  $\frac{5}{2} -$

(ب) إِذَا كَانَ  $\frac{2}{3} \times س = \frac{2}{3}$  فَإِنَّ س = .....

- (أ) صِفْرٌ (ب) ١ (ج) ١ - (د) ٢

(ج) المَعكُوسَ الضَّرْبِيَّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ  $(-٥)$  صفر هو .....

- (أ) ٥ (ب) ٥ - (ج) ١ (د) ١ -

الاجابات : (أ)  $\frac{5}{3}$  (ب) ١ (ج) ١

## تدريب (٢) اختر الاجابة الصحيحة :

(أ) المَعكُوسَ الضَّرْبِيَّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ  $١\frac{1}{5}$  هو .....

- (أ)  $\frac{1}{5}$  (ب)  $\frac{1}{5} -$  (ج)  $\frac{5}{1}$  (د)  $\frac{5}{1} -$

(ب) إِذَا كَانَ  $\frac{1}{7} \times س = \frac{1}{7}$  فَإِنَّ س = .....

- (أ) صِفْرٌ (ب) ١ (ج) ١ - (د) ٢

(ج) المَعكُوسَ الضَّرْبِيَّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ  $(٤)$  صفر هو .....

- (أ) ٥ (ب) ٥ - (ج) ١ (د) ١ -

مثال محلول (٣) أستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل اجراء العملية الآتية

$$٩ \times \frac{3}{11} + ٧ \times \frac{3}{11} + ٦ \times \frac{3}{11}$$

الحل

$$٦ = ٢٢ \times \frac{3}{11} = (٩ + ٧ + ٦) \frac{3}{11}$$

تدريب (٣) أستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل اجراء العملية الآتية

$$٨ \times \frac{2}{9} + ٧ \times \frac{2}{9} + ٣ \times \frac{2}{9}$$



## حلول التدريبات

(هـ)	(س)	(ج)	(ب)	(أ)	
٥ الابدال	١ المحايد الضربي	٢،٢٦ توزيع الضرب على الجمع	$\frac{3}{4}$ ، $\frac{8}{3}$ الدمج	٥ المعكوس الضربي	تدريب (١)
		١	١	$\frac{5}{6}$	تدريب (٢)
٤					تدريب (٣)



## تمارين على الدرس السابع :

### السؤال (١) أختَر الإجابة الصحيحة

(أ) العدد النسبي  $\frac{-٤}{٥}$  ليس له معكوس ضربي إذا كانت س = .....

- (أ) ٤ (ب) ٤ - (ج) ٥ (د) ٥ -
- (ب) المعكوس الضربي للعدد النسبي  $|\frac{٢}{٥} -|$  هو .....

- (أ)  $\frac{٢}{٥}$  (ب)  $\frac{٥}{٢}$  (ج)  $\frac{٢}{٥} -$  (د)  $\frac{٥}{٢}$
- (ج)  $\frac{١}{٢} \times \dots = ٣ \times \frac{١}{٢} - ٨ \times \frac{١}{٢} + ٥ \times \frac{١}{٢}$

- (أ) ٥ (ب) ٥ - (ج) ١٠ - (د) ١٠
- (د) إذا كان  $\frac{-٤}{٦} \times \frac{٦}{٥} = ١$  فإن س = .....

- (أ) ٨ (ب) ٩ (ج) ١٠ (د) ١١
- (هـ)  $\dots = \frac{٨}{٩} + \frac{٦}{٧} + \frac{١}{٥} + \frac{١}{٩} + \frac{١}{٧} + \frac{٤}{٥}$

- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤

### السؤال (٢)

أستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل اجراء العملية الآتية

$$١ \times \frac{٤}{٧} + \frac{٩}{٥} \times \frac{٤}{٧} + \frac{١}{٥} \times \frac{٤}{٧}$$

### السؤال (٣)

أستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل اجراء العملية الآتية

$$\frac{٢}{٩} \times ٧ + \frac{٢}{٩} \times ٦ + \frac{٢}{٩} \times ٥$$

### الاجابات

س(١) ٤ ،  $\frac{٥}{٢}$  ، ١٠ ، ٩ ، ٣

س(٢)  $\frac{١٢}{٧}$  س(٣) ٤

## الدرس الثامن : قِسْمَةُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

إذا كان  $\frac{a}{b}$  ،  $\frac{c}{d}$  عددان نسبيين  $\neq$  صفر فإن ، فإن  $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$  ،  $\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$

**مثال محلولة (١) أحسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج صورة  $\frac{a}{b}$ :**

(أ)  $\frac{7}{16} \div \frac{1}{4}$  (ب)  $\left(1 \frac{2}{5} - \frac{1}{5}\right) \div \frac{3}{5}$  (ج)  $\left(1 \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right) \div 3 \frac{3}{5}$

الحل

(أ)  $\frac{4}{7} = \frac{16}{7} \times \frac{1}{4}$  (ب)  $\frac{4}{5} = \frac{5}{5} \times \frac{3}{5}$  (ج)  $\frac{12}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{18}{5}$

**تدريب (١) أحسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج صورة  $\frac{a}{b}$ :**

(أ)  $\frac{8}{9} \div \frac{2}{3}$  (ب)  $\left(2 \frac{1}{3} - \frac{1}{3}\right) \div \frac{7}{9}$  (ج)  $\left(1 \frac{1}{3} - \frac{1}{3}\right) \div 2 \frac{1}{2}$

**مثال محلولة (٢) أحسب قيمة:**  $\frac{2}{5} \times \left(\frac{8}{3} \div \frac{24}{9}\right)$

الحل

$$\frac{2}{5} = \frac{2}{5} \times 1 = \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{8} \times \frac{24}{9}\right)$$

**تدريب (٢) أحسب قيمة:**  $1 \frac{1}{9} \div \left(\frac{2}{3} \times 1 \frac{2}{3} - \frac{2}{3}\right)$

**مثال محلول (٣)** إذا كانت  $\frac{1}{6} = س$  ،  $\frac{1}{4} = ص$  ،  $\frac{9}{16} = ع$  فأوجد قيمة  $\frac{س+ص}{ع}$

**الحل**

$$\frac{4}{3} = \frac{16}{9} \times \frac{3}{4} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{9}{16}} = \frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{6}}{\frac{9}{16}}$$

**تدريب (٣)** إذا كانت  $\frac{1}{3} = س$  ،  $\frac{2}{5} = ص$  ،  $\frac{1}{3} = ع$  فأوجد قيمة  $\frac{س \times ص}{ع}$

### تطبيقات على الاعداد النسبية

**مثال محلول (٤)**

أوجد عددا نسبيا يقع عند منتصف المسافة بين:  $\frac{5}{4}$  ،  $\frac{3}{8}$

**الحل**

العدد الأكبر =  $\frac{5}{4}$

العدد الأصغر =  $\frac{3}{8}$

**العدد المطلوب = العدد الأصغر +  $\frac{1}{2}$  (العدد الأكبر - العدد الأصغر)**

$$\frac{13}{16} = \left( \frac{3}{8} - \frac{5}{4} \right) \frac{1}{2} + \frac{3}{8} =$$

**تدريب (٤)** أوجد عددا نسبيا يقع عند منتصف المسافة بين:  $\frac{3}{10}$  ،  $\frac{1}{6}$

## مثال محلّول (٥)

أوجد عددا نسبيا يقع عند ثلث المسافة بين :  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{5}{6}$  ( من جهة الأصغر )  
الحل

$$\frac{5}{6} = \text{العدد الأكبر} \quad \frac{1}{3} = \text{العدد الأصغر}$$

$$\text{العدد المطلوب} = \text{العدد الأصغر} + \left( \frac{1}{3} \right) (\text{العدد الأكبر} - \text{العدد الأصغر})$$

$$\frac{7}{6} = \left( \left( \frac{1}{3} \right) - \frac{5}{6} \right) \frac{1}{3} + \frac{1}{3} =$$

## تدريب (٥)

أوجد عددا نسبيا يقع عند ثلث المسافة بين :  $\frac{1}{6}$  ،  $\frac{2}{5}$  ( من جهة الأصغر )

## مثال محلّول (٦)

أوجد عددا نسبيا يقع عند خمس المسافة بين :  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{5}$  ( من جهة الأصغر )  
الحل

$$\frac{3}{5} = \text{العدد الأكبر} \quad \frac{2}{3} = \text{العدد الأصغر}$$

$$\text{العدد المطلوب} = \text{العدد الأصغر} + \left( \frac{1}{5} \right) (\text{العدد الأكبر} - \text{العدد الأصغر})$$

$$\frac{49}{75} = \left( \left( \frac{2}{3} \right) - \frac{3}{5} \right) \frac{1}{5} + \frac{2}{3} =$$

## تدريب (٦)

أوجد عددا نسبيا يقع عند خمس المسافة بين :  $\frac{1}{6}$  ،  $\frac{3}{4}$  ( من جهة الأصغر )

## أجابة التدريبات

$$(١) \quad \frac{3}{4} \quad , \quad \frac{1}{3} \quad , \quad \frac{15}{8} \quad (٢) \quad \frac{7}{10} \quad (٣) \quad \frac{4}{5} \quad (٤) \quad \frac{2}{5} \quad (٥) \quad \frac{17}{15} \quad (٦) \quad \frac{241}{100}$$



## تمارين على الدرس الثامن

### السؤال الأول أكمل ما يأتي

(أ) إذا كان  $١ \times \frac{٧}{٧} = \frac{٧}{٧}$  فإن  $٧ = \dots\dots$

(ب) إذا كان  $٧ = ١ + \frac{٧}{٢}$  فإن  $\frac{٧}{٢} + \frac{٣}{٤} = \dots\dots$

(ج) إذا كان  $\frac{٧}{٧} = ١$  فإن  $٥س - ٥ص = \dots\dots$

(د) العدد النسبي الذي يقع عند ثلث المسافة بين ٣ ، ٧ من جهة العدد الأصغر

### السؤال الثاني :

أوجد عددا نسبيا يقع عند منتصف المسافة بين:  $\frac{١}{٨}$  ،  $\frac{١}{٦}$

### السؤال الثالث :

أوجد عددا نسبيا يقع عند خمس المسافة بين:  $\frac{١}{٤}$  ،  $\frac{١}{٥}$  ( من جهة الأصغر)

## الأجابات

### السؤال الأول

(أ)  $٧ = ٧$  (ب)  $٧ = ١ + \frac{٧}{٢} \Leftarrow ٦ = \frac{٧}{٢} \Leftarrow ٦ \frac{٣}{٤} = \frac{٣}{٤} + \frac{٧}{٢}$

(ج)  $٥س = ٥ص \Leftarrow ٥س - ٥ص = \text{صفر}$

(د)  $\frac{١٣}{٣} = \frac{١}{٣} (٣ - ٧) + ٣$

السؤال الثالث  $\frac{٢٦١}{١٠٠}$

السؤال الثاني  $\frac{٧}{٤٨}$

## تمارين عامة متنوعة على الوحدة الأولى

### السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة

- (١) العدد  $\frac{2}{5-s}$  يكون عددًا نسبيًا إذا كانت  $s \neq \dots$
- (أ) ٢ (ب) ٢- (ج) ٥ (د) ٥-
- (٢) العدد النسبي  $\frac{7+s}{s}$  صفرٌ عندما  $s = \dots$
- (أ) ١ (ب) ٧ (ج) ٧- (د) صفرٌ
- (٣) العدد الصحيح الذي يقع بين  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{4}$  هو.....
- (أ) ٥ (ب) ٦ (ج) ٧ (د) ٨
- (٤)  $0,75 + \frac{1}{4} = \dots$
- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٠,٥ (د) ٠,٤
- (٥) العدد النسبي الذي يقع عند ربع المسافة بين  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{4}$  (من جهة الأصغر)
- (أ)  $\frac{1}{8}$  (ب)  $\frac{3}{8}$  (ج)  $\frac{5}{8}$  (د)  $\frac{3}{16}$

### السؤال الثاني :

#### أكمل العبارات الآتية

- (١) العدد النسبي الوحيد الذي ليس له معكوسٌ ضربى هو .....
- (٢) العدد النسبي  $\frac{s+5}{3}$  يكون له معكوسٌ ضربى إذا كانت  $s \neq \dots$
- (٣) .....  $1 = \frac{7}{3} \times$
- (٤) إذا كان  $\frac{2}{5} = \frac{p}{s}$  فإن  $\frac{p}{s} = \dots$
- (٥) العدد النسبي الذي يقع في منتصف المسافة بين العددين  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{7}{8}$  هو .....



### السؤال الثالث :

اكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين :  $\frac{1}{5}$  ،  $\frac{2}{3}$

### السؤال الرابع :

إذا كانت  $\frac{7}{4} = 1$  ،  $\frac{1}{2} = 2$  أوجد قيمة :  $\frac{2-1}{2+1}$  ( في أبسط صورة )

### السؤال الخامس :

استخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل إجراء العملية الآتية

$$\frac{3}{7} - \frac{7}{6} \times \frac{3}{7} + \frac{5}{6} \times \frac{3}{7}$$

### السؤال السادس :

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند خمس المسافة بين :  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{6}$  ( من جهة الأصغر )

**الأجابات**

( ١ )  $\frac{3}{8}$  ،  $1$  ،  $7$  ،  $7-$  ،  $5$

( ٢ ) صفر ،  $5-$  ،  $\frac{3}{7}$  ،  $1$  ،  $\frac{11}{16}$

( ٣ )  $\frac{4}{15}$  ،  $\frac{5}{15}$  ،  $\frac{6}{15}$  ،  $\frac{7}{15}$

( ٤ )  $\frac{9}{5}$

( ٥ )  $\frac{3}{7}$

( ٦ )  $\frac{1}{5}$



## أختبار (١) على الوحدة الأولى

### السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة

(أ) العدد  $\frac{4}{7-3}$  يكون عددًا نسبيًا إذا كانت  $s \neq \dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) ٣ - (ج) ٣ (د) ٤ -

(ب) العدد  $3\frac{1}{20} - \dots\dots\dots$  (على صورة كسر عشري)

- (أ) ٣,٢٥ (ب) ٣,٠٤ - (ج) ٣,٢٥ - (د) ٣,٤ -

(ج) العدد  $\frac{2}{5} + \dots = \text{صفر}$

- (أ)  $\frac{2}{5}$  (ب)  $\frac{2}{5}$  - (ج)  $\frac{5}{2}$  (د)  $\frac{5}{2}$  -

(د)  $\frac{2}{7} \times 1\frac{7}{5} = \dots\dots\dots$

- (أ)  $\frac{27}{5}$  - (ب)  $\frac{27}{5}$  (ج)  $\frac{5}{27}$  (د)  $\frac{5}{27}$  -

### السؤال الثاني: أكمل ما يأتي:

(أ) باقى طرح  $\frac{2}{3}$  من  $\frac{4}{9}$  يساوى ....

(ب)  $1 = \frac{4}{3} \times \frac{3}{4}$  خاصية .....

(ج) قيمة المقدار  $\frac{7}{8} \div \frac{1}{4} = \dots\dots\dots$  لأبسط صورة

(د) المَعكوس الضربي للعدد النسبي  $-\frac{9}{5}$  يساوى .....





### السؤال الثالث

(أ) رتب الأعداد النسبية الآتية:  $\frac{11}{5}$  ،  $\frac{1}{5}$  ،  $\frac{7}{5}$  ،  $\frac{7}{5}$  ترتيباً تنازلياً :

(ب) إذا كان  $1 = \frac{1}{2}$  ،  $2 = \frac{1}{5}$  أوجد قيمة  $1 + 2$

### السؤال الرابع

(أ) استخدم خواص الجمع في إيجاد ناتج:  $\frac{1}{6} + \frac{1}{9} + \frac{5}{6} + \frac{8}{9}$

(ب) أحسب قيمة:  $\frac{4}{3} \times \left( \frac{3}{6} \div \frac{36}{48} \right)$

### السؤال الخامس

أستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل اجراء العملية الآتية:

$$8 \times \frac{2}{8} + 5 \times \frac{2}{8} + 4 \times \frac{2}{8}$$

### السؤال السادس

أوجد عددا نسبيا يقع عند ثلث المسافة بين:  $-\frac{1}{3}$  ،  $-\frac{5}{6}$  ( من جهة الأصغر)

## أختبار (٢) على الوحدة الأولى

**السؤال الأول:** اختر الإجابة الصحيحة:

(أ) العدد  $\frac{2}{-10-2}$  يكون عددًا نسبيًا إذا كانت  $s \neq \dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) -٥ (ج) ٥ (د) -٢

(ب) أكبر عدد نسبي مما يلي هو .....

- (أ)  $\frac{21}{3}$  (ب)  $\frac{3}{6}$  (ج)  $\frac{30}{15}$  (د)  $\frac{15-}{18}$

(ج) المَعكُوسَ الضَّرْبِيِّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ  $\frac{3}{7}$  هو .....

- (أ)  $\frac{7}{3}$  (ب)  $\frac{3}{7}$  (ج)  $\frac{3}{7}$  (د)  $\frac{7}{3}$

(د)  $\frac{2}{3} \times \frac{7}{5} = \dots\dots\dots$

- (أ)  $\frac{4-}{5}$  (ب)  $\frac{4-}{8}$  (ج)  $\frac{4-}{15}$  (د)  $\frac{8-}{15}$

**السؤال الثاني:** أكمل ما يأتي :

(أ)  $\left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{2}{5} = \dots\dots\dots$  في أبسط صورة

(ب) إذا كان  $s + \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$  فإن قيمة  $s = \dots\dots\dots$

(ج) إذا كان  $7 = 1 + \frac{s}{2}$  فإن  $\frac{3}{4} + \frac{s}{2} = \dots\dots\dots$

(د)  $1 = \dots\dots\dots \times \frac{7}{6}$



### السؤال الثالث

(أ) استخدام خواص الجمع و الضرب في ايجاد ناتج :  $\frac{1}{3} - \left( \frac{7}{6} \times \frac{1}{7} \right) + \frac{1}{3}$

(ب) إذا كان  $\frac{3}{5} = 1$  ،  $\frac{1}{10} = 2$  أوجد قيمة  $(2-1) \div 1$

### السؤال الرابع

(أ) أكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين :  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{2}$

(ب) أحسب قيمة :  $14 \times \left( \frac{5}{7} \div \frac{1}{4} \right)$

### السؤال الخامس

أستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل اجراء العملية الآتية :

$$\frac{1}{8} \times \frac{2}{7} - \frac{1}{4} \times \frac{2}{7} + \frac{1}{2} \times \frac{2}{7}$$

### السؤال السادس

أوجد عددا نسبيا يقع في منتصف المسافة بين :  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{4}{3}$



## إجابة الاختبارات

الأختبار الأول				الأختبار الثاني				
(أ)	(ب)	(ج)	(د)	(أ)	(ب)	(ج)	(د)	
٣	-٣,٠٤	$\frac{٢-}{٥}$	$\frac{٢٧}{٥}$	٥	$\frac{٢١}{٣}$	$\frac{٧}{٣}$	$\frac{٤-}{٥}$	السؤال الأول
$\frac{١٠}{٩}$	المعكوس الضربي	$\frac{١}{٣}$	$\frac{٥}{٩}$	$\frac{١}{٥}$	صفر	$\frac{٢٧}{٤}$	$\frac{٦}{٧}$	السؤال الثاني
(أ) $\frac{١١-}{٥}$ ، $\frac{٦-}{٥}$ ، $\frac{١}{٥}$ ، $\frac{٧}{٥}$				(أ) ١				السؤال الثالث
(ب) $\frac{٢٩}{١٠}$				(ب) $\frac{٧}{٦}$				
(أ) ٢				(أ) $\frac{٧}{٦}$ ، $\frac{٦}{٦}$ ، $\frac{٥}{٦}$				السؤال الرابع
(ب) ٢				(ب) $\frac{٤٩}{١٠}$				
$\frac{١٧}{٤}$				$\frac{٥}{٢٨}$				السؤال الخامس
$\frac{٧-}{٦}$				$\frac{٣}{٦}$				السؤال السادس